

Clubes de Matemática da OBMEP

Disseminando o estudo da matemática

Clubes de Matemática da OBMEP



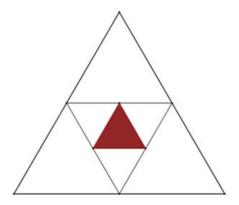
.Problema para ajudar na escola: Triângulo dentro de triângulo

 Θ

Problema

(A partir do 7º ano do E. F.)

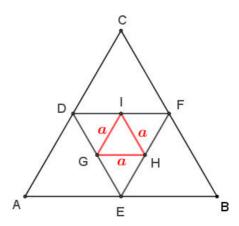
(**XXIV OPM** – 2005) Todos os triângulos da figura abaixo são equiláteros, sendo que o perímetro do triângulo maior é $180\,cm$.



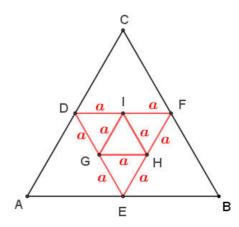
Qual é o perímetro do triângulo colorido?

Solução

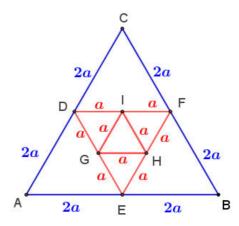
lacktriangle Como o triângulo GHI é equilátero, os segmentos GH, HI e IG têm o mesmo comprimento, digamos a.



lacktriangle Os triângulos DGI, GEH e HFI também são equiláteros; como cada um tem um lado com comprimento a, então os demais lados desses três triângulos têm comprimento a.



 \blacktriangleright Os triângulos AED, EBF e DFC são equiláteros; como cada um tem um lado com comprimento 2a, então os demais lados desses triângulos também têm comprimento 2a.



Pelo exposto, o triângulo ABC tem lados que medem 4a; assim, o perímetro desse triângulo é 4a + 4a + 4a = 12a. Mas, pelos dados do problema, esse perímetro é $180\,cm$, logo:

 $12a = 180 \, cm$

a=15 cm.

O triângulo colorido é o triângulo GHI; portanto, o seu perímetro é a+a+a=3a , ou seja, $45\,cm$

Solução elaborada pelos Moderadores do Blog.

Feito com ♥ por Temas Graphene















