

Clubes de Matemática da OBMEP

Disseminando o estudo da matemática

Clubes de Matemática da OBMEP

 \equiv

.Problema para ajudar na escola: Quadrado Mágico

0

Problema

(A partir do 7º ano do E. F.)

Um **Quadrado Mágico (QM)** de ordem 3 é construído distribuindo-se os números de 1 a 9 nas casas de uma tabela 3×3 , um em cada casa, de maneira que a soma dos números de cada coluna, linha ou diagonal seja sempre a mesma.

| 2 | 7 | 6 |
|---|---|---|
| 9 | 5 | 1 |
| 4 | 3 | 8 |

Exemplo de QM de ordem 3.

Note que a soma dos números em qualquer linha, coluna ou diagonal é sempre 15.

 ${\sf Explique\ porque,\ na\ construç\~ao\ de\ um\ QM\ de\ ordem\ 3,\ o\ n\'umero\ 5\ deve\ ser\ colocado\ necessariamente\ no\ centro\ da\ tabela. }$

Solução

Em primeiro lugar, note que $1+2+\ldots+9=45$ e, como os números são distribuídos em três linhas de mesma soma, esta soma constante (chamada **Constante Mágica**) deve ser $45 \div 3 = 15$.

Uma das explicações mais elegantes sobre o motivo pelo qual o 5 deve ser colocado necessariamente no centro do quadrado tem a ver com as possíveis somas de três números de 1 a 9, com resultado 15, sem repetição de números. São elas:

$$1 + 5 + 9 = 15$$

$$1+6+8=15$$

$$2+4+9=15$$

$$2+5+8=15$$

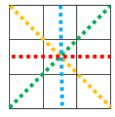
$$2+6+7=15$$

$$3+4+8=15$$

$$3 + 5 + 7 = 15$$

$$4+5+6=15$$
.

Note, agora, que o número do centro do ${\bf QM}$ deve ser uma das parcelas de quatro somas distintas com resultado 15 (somas de uma linha, de uma coluna e de duas diagonais).



Mas, verificando as opções acima, observamos que o único número que faz parte de quatro somas distintas é o 5:

$$1 + \boxed{5} + 9 = 15$$

$$2 + 5 + 8 = 15$$

$$3 + \boxed{5} + 7 = 15$$

 $4 + \boxed{5} + 6 = 15$.

Assim, o número 5 deve ser colocado, necessariamente, no centro da tabela que define um Quadrado Mágico (QM) de $\quad \text{ordem } 3.$

Solução elaborada pelos **Moderadores do Blog.**

Participou da discussão o Clube **OCTETO MATEMÁTICO**.

Feito com ♥ por Temas Graphene.

















